

نموذج ٣

جمهورية مصر العربية

امتحان تفاضل وحساب مئذنات

زمن الإجابة: ساعتان

المرحلة : الأولى

المادة : رياضيات

السؤال الأول:

٤- أوجد قيمة كل من النهايات الآتية:-

$$\frac{(s^3 - s^0) - 1}{s^2 - s} \quad (2) \quad \lim_{s \rightarrow \infty} \frac{s^3 + s^2 + s^1}{s^5 + s^4 + s^3}$$

$$\frac{\sqrt[3]{s^8}}{s} \quad (4) \quad \lim_{s \rightarrow 4} \frac{s + \sqrt{s}}{s - 4}$$

ب- إذا كان محيط ΔABC يساوى 15° ، $\angle A = 67^\circ$

$\angle B = 63^\circ$ فأوجد أطوال أضلاع ΔABC

السؤال الثاني:

١- إذا كانت $d(s) = s^3 + 4s + 4$ فأوجد دالة التغير $t(h)$ عندما تتغير s من ٣

إلى $3 + h$. وإذا كانت $d(3) = 4$ ، $t\left(\frac{1}{3}\right) = 1$ فأوجد قيمتي الثابتين h ، b

$$b- أثبت أن \frac{جا(s+ص) + جا(s-ص)}{جتا(s+ص) + جتا(s-ص)} = طاس$$

$$ج- إذا كانت ص = \frac{s+4}{s-3} ، s = (u^2 - \frac{1}{u})^\circ \text{ أوجد } \frac{ص}{u} \text{ عندما } u = 1$$

السؤال الثالث:

١- إذا كانت $d(s) = \frac{s^2 + s + b}{s^2 - s}$ وكان $d(0) = 1$ ، $d(-1) = 1$ فما هي قيمة الثابتين a و b ثم أوجد معادلة المماس لهذه الدالة.

$$\frac{b^2 - 4b + 4}{7} = \frac{b^2 + b - 2}{5} = \frac{b^2 + b - 2}{3}$$

فأثبت أن $4 : 5 : 6 = ج : ب : جا$:

السؤال الرابع:

١- أوجد النقط على منحنى الدالة $s = 2s^3 - s^2 + 3$ والتي يكون المماس عندها

عمودياً على المستقيم $s = 1 - s$

٢- إذا كانت $J(t) = -\frac{3}{t}$ حيث $t > 0$ حيث $J(t) = 0$ ، طاب \int_0^t حيث $t > 0$ فأوجد

بدون استخدام الآلة الحاسبة قيمة كل من $J(1+b)$ ، $J(1-b)$